

Группа

TKC-09а

Ф.И.О.

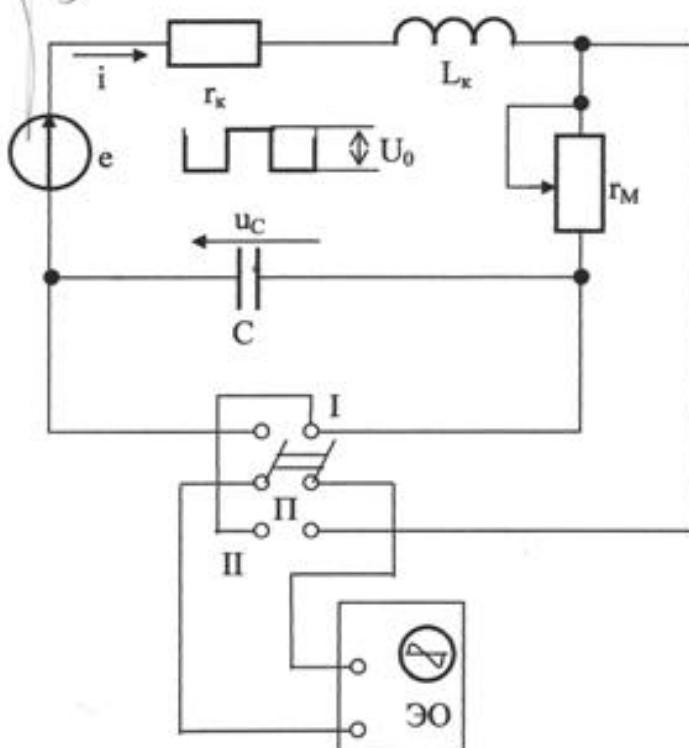
Омельченко Д.А.

ОТЧЕТ

о лабораторной работе № 11 «Исследование переходных процессов при включении цепи r , L С на постоянное напряжение»

Цель работы: изучение апериодического и периодического характера переходного процесса в цепи r , L , C .

Для исследования переходных процессов в цепи r , L , C собираю схему.



Параметры этой схемы:

$$r_k = 206 \text{ Ом}; \\ L_k = 0.189 \text{ Гн}; \quad C = 0.1 \text{ мкФ}.$$

Определяю критическое сопротивление цепи:

$$\tau_{kp} = 2\sqrt{\frac{L}{C}} = 2\sqrt{\frac{0.189}{0.1 \cdot 10^{-6}}} = 274954 \text{ с}$$

По осциллографу напряжения источника питания определяю, что $U_0 = 2.5 \text{ В}$.

На магазине сопротивлений устанавливаю $r_M = 2r_{kp}$ и при включенном источнике снимаю на кальку с экрана осциллографа

напряжение на конденсаторе $u_C(t)$ и напряжение на магазине сопротивлений, которое повторяет (в другом масштабе) кривую тока в цепи $i(t)$.

Устанавливаю на магазине сопротивлений $r_M = 0.1r_{kp}$ и снова снимаю на кальку осциллограммы $u_C(t)$ и $i(t)$. Графики прилагаются.

По осциллограмме $i(t)$ определяю период T_0 свободных колебаний и декремент колебаний Δ .

$$T_0 = 5000 \text{ мс}, \quad \Delta = \frac{m_1}{m_0}, \quad i_0(t) \text{ и } i(t)$$

Произвожу расчет T_0 и Δ по параметрам цепи и сравниваю их с экспериментальными значениями. Расчет прилагается.

Плавно увеличивая сопротивление r_M , замечаю его значение, при котором колебательный процесс переходит в апериодический. Тогда сумма r_M и r_k даст экспериментальное значение $r_{kp} = r_M + r_k = 5000 + 206 = 5206 \text{ Ом}$

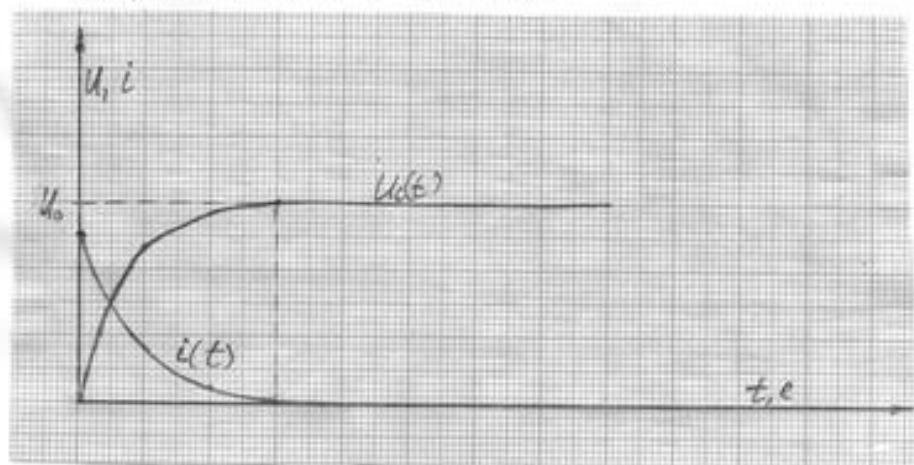
Сравниваю его с расчетным значением: $r_{kp} = 5200 \text{ Ом}$

Зная величину U_0 и параметры цепи, произвожу расчет кривой $u_C(t)$ для случая $r = 5000 \text{ Ом}$. Расчет прилагается.

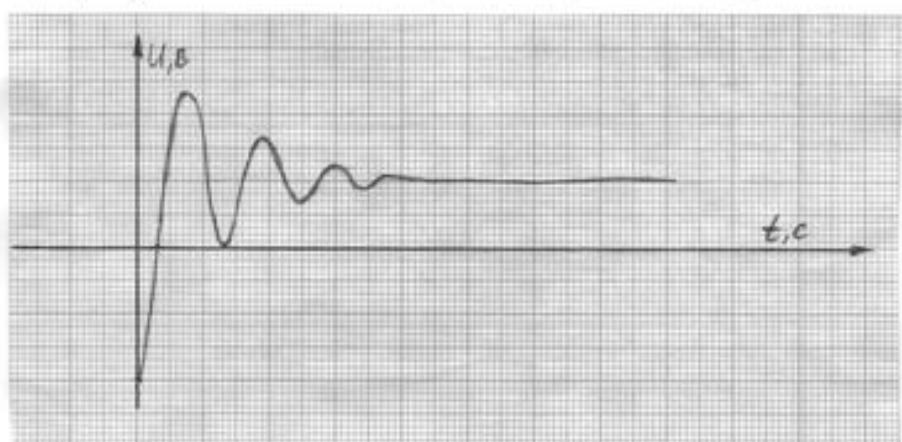
Расчетную кривую $u_C(t)$ накладываю на экспериментальную (осциллограмму).

$u_C(t) \text{ при } r = 5000 \text{ Ом}$

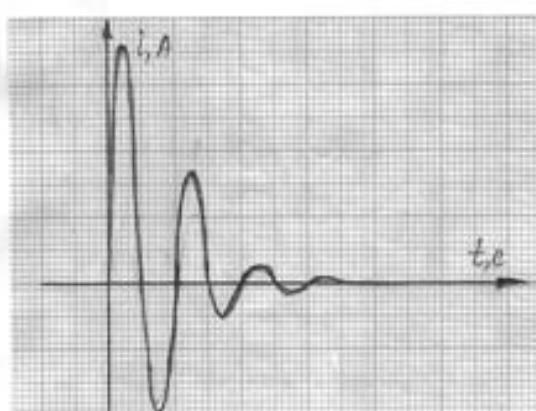
Напряжение на конденсаторе $U(t)$ при $\tau_m = 2\pi \text{ с}$:
и кривая тока в цепи $i(t)$:



Напряжение на конденсаторе $U(t)$ при $\tau_m = 0,1 \text{ с}$:



Ток в цепи при $\tau_m = 0,1 \text{ с}$:



Рассчитаем ω_0 :

$$\omega_0 = \sqrt{\frac{1}{LC} - \frac{Z^2}{(2L)^2}} = \sqrt{\frac{10^6}{0,189 \cdot 0,1} - \frac{(2700,54 \cdot 9,1)^2}{(2 \cdot 0,189)^2}} = 7237,5 \frac{rad}{s}$$

Найдем неравенство для момента времени T_0 :

$$T_0 = \frac{2\pi}{\omega_0} = \frac{2 \cdot 3,14}{7237,5} = 0,00087 s = 0,87 \text{ мс}$$

Найдем дampeding coefficient:

$$\Delta = e^{bT_0} = e^{\frac{2 \cdot T_0}{2L}} = e^{\frac{2 \cdot 0,00087}{2 \cdot 0,189}} = e^{0,631} = 1,88$$

Рассчитаем $U_0(t)$ при $r_m = 5000 \Omega_m$:

$$L = 0,189 \text{ Гн}, U_0 = 2,5 В$$

$$L = 0,189 \text{ Гн}$$

$$r_m = 5000 \Omega_m$$

$$p_1 = -\frac{Z}{2L} + \sqrt{\left(\frac{Z}{2L}\right)^2 - \frac{1}{LC}} = -\frac{5000}{2 \cdot 0,189} + \sqrt{\left(\frac{5000}{2 \cdot 0,189}\right)^2 - \frac{10^6}{0,189 \cdot 0,1}} = -2179,6 \frac{1}{s}$$

$$p_2 = -\frac{Z}{2L} - \sqrt{\left(\frac{Z}{2L}\right)^2 - \frac{1}{LC}} = -\frac{5000}{2 \cdot 0,189} - \sqrt{\left(\frac{5000}{2 \cdot 0,189}\right)^2 - \frac{10^6}{0,189 \cdot 0,1}} = -24275,5 \frac{1}{s}$$

$$\tau = \frac{1}{|p_1|} = \frac{1}{2179,6} = 0,00046 s = 0,46 \text{ мс}$$

$$t_{nn} = \tau \cdot 5 = 0,00046 \cdot 5 = 0,00229 s = 2,29 \text{ мс}$$

$$U_0(t) = U_0 - \frac{U_0}{p_1 - p_2} (p_1 e^{p_1 t} - p_2 e^{p_2 t})$$

$$U_0(t) = 2,5 - \frac{2,5}{1796+31075e^{-2179,6t}} (-2179,6e^{-24275,5t} + 24275,5e^{-2179,6t}) \text{ В}$$

$t, \text{ с}$	0	0,0004588	0,0009176	0,0013764	0,0018352	0,002294
$U, \text{ В}$	0	1,4895834	2,1282872	2,3632545	2,4496941	2,4814935

